



Práctica I 1

1. Dados A, B, C conjuntos cualesquiera, demuestre que:

a) $A \cap B = B \cap A$

b) $A \cup B = B \cup A$

c) $A \cap B \subseteq A$

d) $A - B \subseteq A$

e) $A - A = \emptyset$

f) $\emptyset \cap A = \emptyset$

g) $\emptyset \cup A = A$

h) $\neg(A \subset A)$

i) $A - (A \cap B) = A - B$

j) $(\emptyset \subseteq A \wedge A \subseteq \emptyset \rightarrow A = \emptyset)$

k) $C \subseteq A \cap B \rightarrow C \subseteq A \wedge C \subseteq B$

l) $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$

m) $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

2. Sean U, A, B conjuntos cualesquiera, si $A \subseteq U \wedge B \subseteq U$, demuestre

a) $A \subseteq B \rightarrow (A \cap B^c = \emptyset)$

b) $(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$

c) $(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$

3. Sea A un conjunto cualquiera y $P(A)$ el conjunto de las partes de A , demuestre

a) $(\forall X, Y \in P(A))(X \cup Y) \in P(A)$

b) $(\forall X, Y \in P(A))(X \cap Y) \in P(A)$

c) $(\forall X, Y \in P(A))(X - Y) \in P(A)$

4. Use el axioma de Fundamentación para probar que $\neg(A \in B \wedge B \in C \wedge C \in A)$